DFRCC 補強した RC 柱の正負交番載荷時におけるせん断補強効果に関する研究

STUDY ON SHEAR STRENGTHENING EFFECT OF RC COLUMNS STRENGTHENED BY DFRCC UNDER CYCLIC LOADING

構造及びコンクリート工学分野 公文 裕之 Structure and Concrete Engineering Hiroyuki KUMON

DFRCC は補修・補強材料として高い適応性を期待できる.本研究室では,これまでに DFRCC 補強した RC 梁一方向漸増載荷時のせん断補強効果を明らかにし,耐力算定式を提案している.本研究では, 正負交番載荷時のせん断耐力低下特性を把握するため, DFRCC 補強した RC 柱の正負交番載荷試験を 行った.その結果,3 段階で耐力低下が生じる概念を提案した.また,本実験においては設計時の耐 力低減係数を 0.6 とすることで破壊形式を判定できることを示した.

DFRCC (Ductile Fiber Reinforced Cementitious Composite) is known as a capable repair and also reinforcing material for RC members. In this lab, revealed the shear strengthening effect and proposed the strength calculation formula of RC beams by DFRCC under monotonic loading. In this study, to grasp the shear strength decline characteristic, cyclic loading test of RC columns by DFRCC was carried out. As a result, the concept that strength decline forms at 3 stages was proposed, and fracture pattern can be judged by making the strength decline coefficient when designing, 0.6 was indicated.

1. はじめに

高靱性繊維補強セメント複合材料:DFRCC¹⁾は、繊維 の架橋効果により優れた引張抵抗や複数微細ひび割れ によるひび割れ幅の低減効果があり、補修・補強材料と して高い適応性が期待できる.そこで、本研究室では DFRCC補強した RC 梁の一方向漸増載荷時におけるせ ん断補強に関する検討を行った^{例えば 2),3)}.結果、図-1 及 び図-2 に示すせん断補強効果、すなわちトラス効果(V_T) および骨材かみ合わせ効果(V_W)を明らかにし、式(1)に 示す耐力算定式を提案した.

 $V_{u0} = V_C + V_S + V_T + V_W$ (1)

ここで、 V_{u0} : DFRCC 補強後のせん断耐力(kN),

 $V_c: コンクリートの負担せん断耐力(kN),$

 V_S : せん断補強筋の負担せん断耐力(kN),

 V_T : ウェブ補強による引張抵抗増分(kN),

V_W:ウェブ補強によるせん断耐力増分(kN), 詳細は文献 3)を参照して頂きたい.

しかし,実構造物では地震時のような正負交番荷重が 作用する.図-3 はせん断耐力低下の概念図であるが, 一般的な RC 単柱の場合,正負交番載荷によってV_cが低 下し,曲げ破壊先行型で設計された部材でもせん断破壊 が起こりうる^{4),5)}.そのため,設計を行う際にはV_cに対 して低減係数を考慮することで正負交番載荷時のせん 断耐力を算出している.ただし,DFRCC 補強時の正負 交番載荷に関する知見は少なく,耐力低下に関する挙動 は明らかになっていないのが現状である.そこで,本研 究では DFRCC 補強した RC 柱の正負交番載荷実験を行 い,せん断耐力低下特性を検討するに,設計時の耐力低 減係数の扱いについて提案することを目的とする.

2. DFRCC とその他の補強方法による比較

2.1 実験概要

図-4 に作製した供試体概要,表-1 に供試体諸元を示 す.曲げ損傷後のせん断破壊を生じさせるため,補強し た際のせん断余裕度(せん断耐力/曲げ耐力)が1.2 程度 となるように供試体寸法を決定した.実験変数は補強方 法とし,合計4体の試験を行った.基準となる供試体



C300に対してモルタル及びDFRCCを側面全域に15mm ずつ増厚補強した C300M30 及び C300D30 を作製し,補 強効果や繊維の引張特性を検討する.また C300D30 と 同程度のせん断耐力となるよう帯鉄筋間隔を半分にし た C300S を作製し、DFRCC と帯鉄筋の補強特性を比較 する. コンクリートには「24-12-20H」 のレディーミクス トコンクリートを使用した. モルタルと DFRCC の配合 は繊維を除いて同様であり、混入繊維には PVA を使用 した. DFRCC の配合は、水結合材比:40%、繊維混入 率:1.5%, 細骨材率:50%, FA 置換率:30%, SP 混入 率:1%, SR 混入率:1%である. 表-2 に使用材料の材 料特性を示す.載荷方法は図-5 に示すように、供試体 を水平に設置し、500kNアクチュエータに回転可能な治 具を取り付け上下に荷重を与えた.降伏まで荷重制御, 降伏以降は変位制御で繰返し回数 1 回の正負交番載荷 を行った.計測項目は載荷点変位,主鉄筋ひずみ,帯鉄 筋ひずみであり、計測位置は図-4に示す通りである.

2.2 実験結果

荷重-載荷点変位履歴曲線を図-6に、結果一覧を表-3 に示す.計測の不備があったため、ここで示す変位はフ ーチング等の変位も含んだものである. C300, C300M30 は弾性的な挙動を示し, 主鉄筋降伏後, 最大荷重時に柱 基部から載荷点にかけて斜めひび割れの進展により急 激に荷重が低下しせん断破壊となった.一方,C300D30 と C300S は, 主鉄筋降伏以前は弾性的な挙動, 降伏以



表-1 供試体諸元

	引張	帯鉄筋	せん断	曲げ耐力	せん断耐力	Vu /Dv
名称	鉄筋比	体積比	スパン比	Py	Vu	vu/ry
	%	%	a/d	kN	kN	-
C300				141.3	134.8	0.95
C300M30	1.6	0.57	2 1 2	141.7	140.4	0.99
C300D30	1.0		3.13	146.0	175.4	1.20
C300S		1.10		142.4	183.6	1.29

表-2 使用材料の力学特性

カンル系	圧縮強度	弾性係数	引張強度	ポアソン比
ビバンドボ	N/mm ²	kN/mm²	N/mm ²	
コンクリート	45.2	28.7	2.81	0.20
モルタル	53.2	19.7	1.60	0.22
DFRCC	44.9	15.4	3.93	0.27
鋼材		降伏強度	弾性係数	引張強度
		N/mm ²	kN/mm²	N/mm ²
帯鉄筋D10(SD345)		409.9	195.8	569.2
軸方向鉄筋D22(SD345)		393.5	196.1	586.2

降は紡錘型の挙動を示し,繰返しに伴い柱基部に圧壊の ような曲げ破壊の傾向を示していたが,斜めひび割れの 進展により荷重が低下し,曲げ損傷後のせん断破壊とな った. 同一断面である C300M30 及び C300D30 より, モ ルタルのような脆性材料に補強効果は無く, DFRCC の 繊維が架橋効果を発揮し,変形性能を向上させることを 確認した. また, C300D30 と C300S は類似した履歴挙 動であり,側面補強のみでも帯鉄筋と同程度の靭性を向 上させることがわかった. ここで, RC 単柱の設計にお ける耐力低下に関して再確認すると、低下を考慮するの はVcのみでありVsは低下しない. そのため, C300S がせ ん断破壊したのは繰返しによりVcが低下したためであ る. C300D30 において、図-3 に示すように $V_{T} \cdot V_{W}$ が V_{C} と同様に耐力低下が生じると仮定すれば C300S に対し て小さい変位でせん断破壊に至ることが予想される.し かし、図-6より C300D30と C300S が同程度の変位でせ ん断破壊が生じていることから、Vcの低下によって破壊 に至ったと考えられ、Vw・Vrの低下はVrの後に生じる可 能性が示唆された. そこで, DFRCC 補強方法を変えて さらに耐力低下特性を検討する.



荷重(kN)

荷重(kN)



図-6 荷重-載荷点変位履歴曲線

表-3 実験結果一覧

名称	実験最大 Pmax kN	靭性率 δ u/δ y	破壊形式	降伏後 繰返し 回数
C300	-150.0	-	せん断破壊	1
C300M30	-158.9	-	せん断破壊	1
C300D30	-177.0	-	曲げ損傷後のせん断破壊	3
C300S	176.0	-	曲げ損傷後のせん断破壊	4

3. DFRCC の補強方法による比較

2章では V_c が先行して低下する可能性を示した.そこで、DFRCCの補強方法を変数として前章と同様の実験を行い、挙動特性の検討を行った.

3.1 実験概要

せん断スパン等に変更点があるため,図-7 に作製した供試体概要,表-4 に供試体諸元を示す.実験変数は DFRCC の補強方法とし,5 つの条件で合計6 体の実験 を行った.C300②-(1),(2),C300D30②は前章と同様であ る.C330 は施工不良によりせん断スパンが小さいが, 前章のC300M30 に相当する供試体である.C300D60 は DFRCC を側面全域に 30mm ずつ増厚補強した供試体で あり,C300D30 に対し,せん断余裕度が増加した際の挙 動特性を把握する.D300 は断面全体を DFRCC で作製 した供試体であり,V_Tの低下が生じるかを確認する.

DFRCCの配合は、水結合材比:30%、繊維混入率:2% (PP 繊維を使用)、細骨材率:50%,FA 置換率:30%, SP 混入率:0.67%,SR 混入率:1%であり、フロー改善 のため配合を変更した.表-5 に使用材料の材料特性を 示す.載荷方法は図-5 と同様であるが、実設計に即し た形で実験を行うため、降伏後の繰返し回数を3回とし た.計測項目も前章と同様だが、図-7 に示すように、柱 部相対変位を計測するため、変位計測箇所を追加した.



表-4 供試体諸元

名称	引張 鉄筋比	帯鉄筋 体積比	せん断 スパン比	曲げ耐力 Py	せん断耐力 Vu	Vu/Py _
	%	%	a/d	kN	kN	
C300②(1),(2)			3.0	138.5	130.9	0.95
C330	1.6	0.71	2.8	148.5	136.2	0.92
C300D302	1.0	0.71		143.7	166.5	1.16
C300D60			3.0	148.8	192.0	1.29
D300	2.2	0		210.8	279.7	1.33

オゲル系	圧縮強度	弾性係数	引張強度	ポアソン比
E72138	N/mm²	kN/mm²	N/mm²	
コンクリート	35.9	30.2	2.67	0.21
DFRCC	58.6	23.1	3.29	0.21
鋼材		降伏強度	弾性係数	引張強度
		N/mm²	kN/mm²	N/mm²
帯鉄筋D10(SD345)		340.0	194.0	493.6
軸方向鉄筋D22(SD345)		375.6	192.8	569.4

表-5 使用材料の力学特性

3.2 実験結果

(1) 部材挙動

荷重-載荷点変位履歴曲線の例を図-8に、ひび割れ図 の例を図-9に、実験結果を表-6に示す.また全供試体 の破壊した方向の P-δ 包絡線及び降伏荷重,降伏変位 で無次元化した包絡線を図-10に示す.本章はフーチン グ等の変位を除いた柱部の変位である. コンクリート単 体である C300②-(1),(2)や C330 は降伏荷重後 5 回~7 回 程度と少ない繰返し回数で基部の軽い圧壊を伴いなが ら斜めひび割れが卓越し、急激に荷重低下した.これら の供試体は曲げ降伏したものの,図-9(a)のように基部 の損傷はほとんど受けておらず、後述する一方向 FEM 解析の結果も踏まえてせん断破壊とする.なお,算定せ ん断耐力に対し20%以上大きな荷重が生じたが、2章の 供試体に比べてせん断スパンを小さくしたことに加え, 載荷板が大きいことから,アーチ作用がはたらいたと考 えられる. 側面補強した供試体は降伏荷重後 15 回程度 の繰返しの中で、図-9(b)のように基部の損傷や軸方向 ひび割れを伴いながら徐々に荷重低下する挙動を示し た. 終局時 C300D30②は斜めひび割れが急激に開口し 曲げ損傷後のせん断破壊となったのに対し,C300D60は





(a) C300②(2)(側面・上面)



(b)C300D30②(側面・上面) 図-9 ひび割れ例

表-6 実験結果一覧



斜めひび割れが局所化せず曲げ破壊となった. これは増 厚分のV_Tが有効に作用し斜めひび割れを抑制したこと により,損傷が基部や軸方向ひび割れに移行したためと 考えられる.D300 は全断面が引張抵抗することで他の 供試体に比べ優れた変形性能を有している. ただし、大 変形の繰返しを受けることでひび割れが局所化し,最終 的に曲げ損傷後のせん断破壊を起こした.つまり、本結 果からV_rは繰返し載荷により低下することが明らかに なった. 表-6 より, コンクリート単体に対し DFRCC 補 強した供試体は 2 倍程度の靭性率を有することを確認 した. また、図-10より C300D30②と C300D60 は類似 した挙動を示すことがわかる.軸方向ひび割れの発生が 大きな要因と考えられるが,側面補強の場合は母材のコ ンクリートの挙動に支配されるため, D300 のような変 形性能は有しないことがわかった.ただし、最終的な破 壊形式に違いをもたらしたため,補強厚は大きいほうが 好ましいと考えられる.

(2)荷重-載荷点変位-ひび割れ開口幅関係

荷重・載荷点変位・ひび割れ開口幅一覧を表-7に、荷重 -ひび割れ開口幅関係を図-11に示す.ひび割れ開口幅と は,載荷時の繰返しピーク点で撮影した写真から,主た る斜めひび割れが通過するある 1 メッシュ内における ひび割れの幅の合計値を算出したものである. C300D30 C300D60 は載荷点変位とひび割れ開口幅の関係が サイクル毎に類似している.これは、ひび割れ開口がコ アコンクリートのひび割れに支配されていることを示 している. 表-7 の赤字箇所で荷重低下が生じているこ とが確認できる. その時点のひび割れ開口幅は 1mm 程 度であり、ひずみに換算すると約 13000 µ 相当である. DFRCCの引張応力・ひずみ関係を図-12に示すが、およ そ引張軟化が始まるひずみに相当する. つまり, ひび割 れ開口幅が引張軟化ひずみ相当になると徐々にトラス 効果(V_T)が減少し, C300D30②ではせん断破壊が生じた

表-7 荷重-載荷点変位-ひび割れ開口幅一覧



と考えられる. C300D60 はひび割れ開口を抑制するこ とにより V_T が低下せず曲げ破壊となった.一方, D300 は開口幅が 1mm の時点では荷重が低下しない. 算定せ ん断耐力が大きいため(表-4参照),引張軟化域に入り Vrの低下が徐々に生じているものの,曲げ耐力までは 低下を確認できないと考えられる.また,側面補強と違 い,全断面が引張抵抗することで複数微細ひび割れが発 生しており,合計値としてのひび割れ開口幅は大きいも のの一つ一つのひび割れ幅は小さい傾向にあったため, 荷重低下が緩やかと考えられる. ただし, 最終的には大 変形領域での繰返しによりひび割れが局所化し, Vrが限 界を迎えてせん断破壊が生じることが明らかになった.

4. 一方向漸増載荷 FEM 解析

C300②(2)と C300D30②を対象に一方向漸増載荷時の 挙動を確認するため FEM 解析を行った.

4.1 解析モデル及び構成則

図-13 に解析モデルを示す.2次元フルモデルで実験 供試体をモデル化し,鉄筋のみトラス要素,その他は平 面応力要素を用いた.材料定数は表-5の値を用い、材 料構成則は、コンクリート圧縮側を修正 Ahmad モデル、 引張側を出雲モデル, DFRCC は圧縮上昇域を Fafitis-Shah モデル,軟化域を Darwin-Pecknold モデル,引張側 を材料試験結果に基づいたトリリニアモデル(図-12参 照),鉄筋は完全弾塑性モデルとした.コンクリートと DFRCC の界面は同一節点,コンクリートと鉄筋はライ ン要素を介した接合とした.フーチング端部を拘束し, 載荷板要素に強制変位を与えることで一方向漸増載荷 を模擬した.



4.2 解析結果

ひび割れ図を図-14に、最大主ひずみコンター図を図 -15 に示す. それぞれ, C300②(2)は最大荷重時の変位 12.5mm 時点, C300D30②は実験と解析の挙動の差が見 られた変位 20mm 時点のものを示している. また, 図-14には実験時のひび割れを赤線で追記した.荷重-載荷 点変位関係に関しては図-8のFEM(赤線)を参照して 頂きたい.なお,解析結果の符合を反転して正負両側に 示している. C300②(2)の解析は実験の履歴曲線と類似 した挙動を示し,圧壊やひび割れ状況に関しても精度よ く再現できた. 斜めひび割れが卓越していることからせ ん断破壊である. つまり, 実験の C3002(2)は降伏後の 繰返し載荷を行っているものの,その影響はほとんどな く,部材の有する純粋なせん断耐力と判断することがで きる. C300D30②は変位 20mm 程度から両者の挙動に差 異がある. 表-7 及び図-11 より, 実験では変位 20mm 以 降斜めひび割れが急激に開口することがわかる. それに 対し解析では図-14及び図-15より、斜めひび割れが発 生しているものの, 基部のひび割れが顕著である. 最大 主ひずみコンター図の上限はDFRCCの引張軟化ひずみ である 15000 μ に設定しており, 斜めひび割れひずみは それ以下の値であるため、Vrが有効に作用していること が確認できた.これらの点から,C300D30②は一方向載 荷の場合には曲げ破壊が予想され,繰返しの影響により 曲げ損傷後のせん断破壊が生じていることを示した.

5. 耐力低下特性及び設計における扱い

5.1 耐力低下特性

2.2 で V_c が先行的に耐力低下する可能性が高いこと を示し、3.2(2)より DFRCC が引張軟化ひずみに入ると V_T が低下することを示した.これらより、DFRCC を側 面補強した RC 部材の想定される耐力低下メカニズム を図-16 に示す.第1段階として、曲げ降伏後の繰返し 載荷に伴い、基部の損傷が生じる.この現象により、基 部の圧縮域のコンクリート負担せん断耐力が減少、すな わち、 V_c が低下する.第2段階として、変形角の増大(斜 めひび割れが開口し、骨材かみ合わせ作用も減少、す なわち V_c 、 V_w が低下する.最終段階として、DFRCC 引



張軟化ひずみ相当まで斜めひび割れが開口することに よって繊維の架橋効果も減少, すなわち V_c , V_w , V_T が低 下する. このような3段階の耐力低下特性を提案する. 今回の実験の範囲内では第2段階が存在するのかを解 明することは困難である.しかし, V_w は斜めひび割れを 抑制することによる骨材かみ合わせ効果であり, DFRCC が引張軟化ひずみ相当のひび割れ幅の時点であ る程度低下しているとするのが妥当であると考えた. V_w の低下について明らかにするためにはFEM解析を用 いてミクロに検証する必要がある.

5.2 設計における耐力低減係数の扱い

DFRCC 補強した際の設計における耐力低減係数を検 討するため、耐力算定値との比較を行う.ただし、基準 となる供試体が算定値よりも大きい点を考慮する必要 がある.4章の FEM 解析により基準供試体は耐力低下 してない純粋な部材のせん断耐力であることを確認し たため、式(2)のように、基準供試体の最大荷重からVsを 引くことでVcの修正を行った.

$$\underline{V_c} = P_{max} - V_S \tag{2}$$

ここで,

 V_c :修正したコンクリートの負担せん断耐力(kN),

Pmax:基準供試体(C300orC300②(1),(2))の破壊した方向の実験時最大荷重(kN),

修正した耐力算定値を表-8 に示す.次に式(3)におい

て,低減係数 $\alpha = 0.6$ として V_c , V_w , V_T 全てに低減を考慮した値を表-9に示す.

 $V_u = \alpha (V_C + V_W + V_T) + V_S \tag{3}$ $\Box \Box \Box \heartsuit,$

V_u:低減を考慮した RC 部材の負担せん断耐力(kN)

設計における破壊形式の判定は $P_y \leq V_{u0}$ かつ $P_y \leq V_u$ の場合曲げ破壊と判定され, $P_y \leq V_{u0}$ かつ $P_y \geq V_u$ の場合,曲げ損傷後のせん断破壊と判定される.算定値の破壊形式と実験の破壊形態を照らし合わせると両者の関係は合致している.このことから本実験では式(3)の提案式で $\alpha = 0.6$ とすると DFRCC 補強した際の破壊形態を判定できることが示された.留意点として,D300のように単体補強の場合,せん断耐力を過小評価する可能性がある.粗骨材が無いことや繊維が圧縮靭性を発揮することを考慮すると V_c の低減は0.8 など大きな値をとる必要があると考えられる.ただし,せん断耐力を安全側に算定する点では式(3)で十分である.

ここで、式(3)で破壊形態を判定できるが、実験時に DFRCC 補強した供試体は基準の供試体に対して優れた 変形性能を有していたため、DFRCC の耐力増分まで低 減する必要があるのか疑問が残る.そこで、文献 5)に従 い曲げ破壊と仮定した際の許容塑性率の算出を行った. 表-10 に許容塑性率と靭性率一覧を示す. C300②が靭 性率 2.5 程度を有している点を考慮しても、DFRCC 補 強した供試体は許容塑性率を超える靭性率有している ことがわかる.つまり、曲げ破壊相当の変形性能を有し ている部材に対して低減係数を考慮することは安全で はあるものの、一律に $\alpha = 0.6$ とするのは必ずしも合理 的ではない.この点に関してはスパン、補強方法等条件 を変えてデータを増やした上で結論を下す必要がある.

	ᆘᅸᇔᆂ	せん断耐力					せん断
夕称			内	訳		合計	/曲げ
10 10	L N	Vc	Vs	Vw	Vt	Vu₀	Vu ₀ /Py
	NIN	kN	kN	kN	kN	kN	-
C300D30	146.0	99.4	48.8	16.2	19.2	183.6	1.26
C300D302	143.7	113.7	50.6	17.3	19.7	201.3	1.40
C300D60	148.8	113.1	50.6	21.7	39.4	224.8	1.51
D300	187.2 [※]	73.7			206.0	279.7	1.49
※実験時に主鉄筋が降伏ひずみに達した時の荷重							

表−8 修正した算定値

表-9 低減後の算定値と実験破壊形式

名称	曲げ耐力 Py	せん断耐力(kN) (<u>Vc</u> ,Vt,Vw)*0.6		実験破壊形式
	kN	Vu	Vu/Py	
C300D30	146.0	129.7	0.89	曲げ損傷後のせん断破壊
C300D302	143.7	141.0	0.98	曲げ損傷後のせん断破壊
C300D60	148.8	155.1	1.04	曲げ破壊
D300	187.2	167.8	0.90	曲げ損傷後のせん断破壊

表-10 許容塑性率と靭性率の関係

夕称	曲げ耐力	許容塑性率	実験靭性率
11 11/	kN	-	-
C300②(1)	141.3	3.8	2.0
C300②(2)	140.9	3.8	2.6
C330	150.2	4.2	3.5
C300D302	142.9	4.0	6.9
C300D60	144.4	4.5	6.9

6.おわりに

本研究では,耐力低下特性と設計時の耐力低減係数の 扱いに着目して,DFRCC補強した RC 柱の正負交番載 荷実験を行った.以下に得られた結果を示す.

- 正負交番載荷時においてもRC柱にDFRCCを側面 増厚補強することで変形性能が向上し、モルタル のような脆性材料では補強の効果はほとんど無く、 DFRCCの引張性能がせん断耐力に寄与することが わかった。
- 2) 算定せん断耐力が同程度の場合, DFRCC と帯鉄筋 は類似した耐力低下特性を示す.
- 3) V_Tは正負交番載荷により低下する.
- 4) DFRCC 側面増厚補強した際の RC 柱の耐力低下特 性として,第1段階でV_cが低下し,DFRCC 引張軟 化ひずみ相当まで斜めひび割れが開口する第2段 階でV_c,V_Wが低下し,DFRCC 引張軟化ひずみ以上 に斜めひび割れが開口する第3段階でV_c,V_W,V_T 全てが低下するという,3段階で耐力低下が生じる 概念を提案した.
- 5) 今回の実験の範囲内では V_c , V_w , V_r 全てに低減係 数 $\alpha = 0.6$ とを考慮することで、曲げ損傷後のせん 断破壊が生じるかを判定することができることが わかった.

今後の課題

本実験の範囲内では破壊形態の判定を行えることが わかったものの,許容塑性率を考慮すると安全側である. より合理的な設計を行うためにはせん断余裕度,スパン, 補強方法などパラメータをさらに増やして実験データ を積み重ねる必要がある.また,耐力低下特性は実験結 果のみから明らかにすることは難しい.そのため,併せ て FEM 解析を行い,よりミクロな視点でどのような現 象が生じるのかを明らかにする必要がある.

参考文献

- 1) 土木学会:複数微細ひび割れ型繊維補強セメント 複合材料設計・施工指針(案),コンクリートライブ ラリー127,2007
- 2) 大内一,小笠原哲也,角掛久雄:DFRCCのU字 巻き立てによるせん断補強,土木学会論文集E2, Vol.68, No.4, pp.251-270, 2012
- 3) 大宅慧,角掛久雄,公文裕之:DFRCCを用いた斜め引張破壊型 RC 梁断補強特性,コンクリート工学 年次論文集, Vol.39, No.2, pp.1111-1116, 2017
- 4) 土木学会:2012 年制定コンクリート標準示方書改
 訂資料基本原則編・設計編・施工編,2013
- 5) 社団法人日本道路協会:2012年制定道路橋示方書· 同解説V耐震設計編,2012